

アルゴリズム論 (第5回)



岩手県立大学
Iwate Prefectural University

佐々木研(情報システム構築学講座)

講師 山田敬三

k-yamada@iwate-pu.ac.jp

スタックとキュー



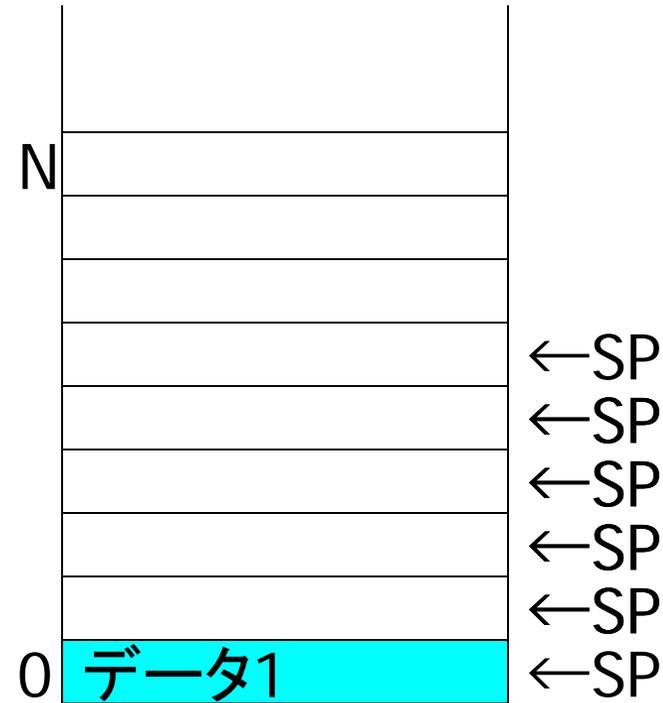
岩手県立大学
Iwate Prefectural University

リスト

- 一列に並んだデータ, その並び
 - 一次元配列もリストの一種
- データの追加, 削除, 参照, 置き換えなどが行える.
 - それぞれ関数化しておく
- データ型とその操作方法(関数)を組にして,
抽象データ型という.

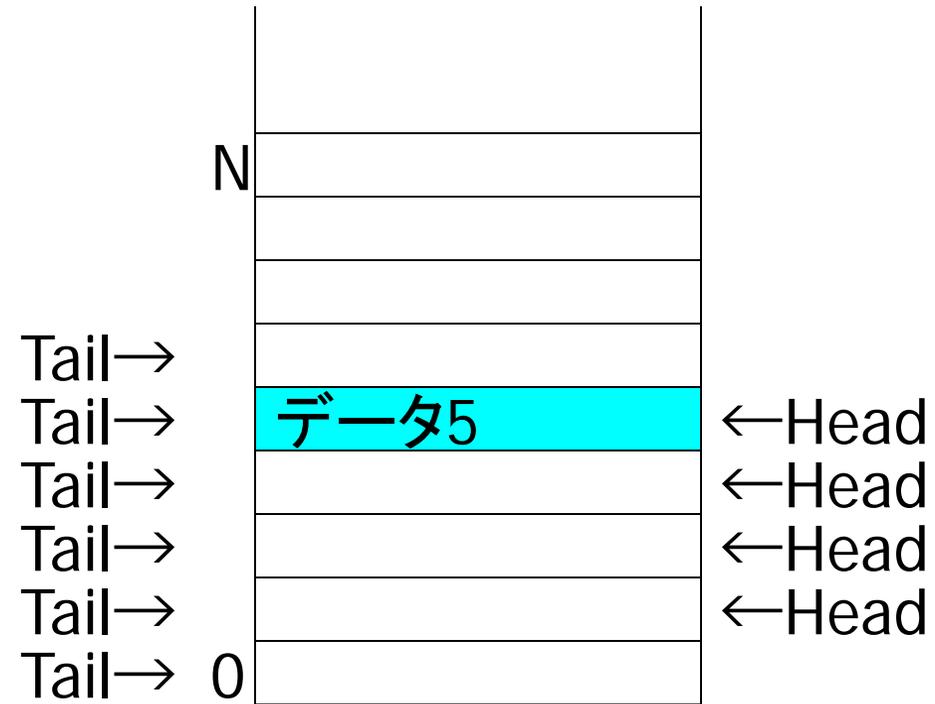
スタック

- データを順番に追加
- 最後に追加されたデータから順番に取り出す。
 - 例) 食堂のトレイ
- LIFO (Last In First Out)



キュー(待ち行列)

- 最初に追加したデータを最初に取り出す。
 - 例) 映画館のチケット売り場
- FIFO (First In First Out)



スタックの実装

- 宣言
 - データを蓄えておくためのリスト
 - データの追加, 取り出し位置を示すポインタ

```
/* データを蓄積するリスト */  
float stack[STACKSIZE];  
/* スタックポインタ */  
int sp = 0;
```

push (データの追加)

```
int push(float data) {  
    if(sp>=STACKSIZE)  
        return 0;  
    else {  
        stack[sp++]=data;  
        return 1;  
    }  
} /* 返却値は、成功時1、失敗時0 */
```

pop (データの取り出し)

```
int pop(float *data) {
    if(sp<=0)
        return 0;
    else {
        *data=stack[--sp];
        return 1;
    }
} /* 返却値は、成功時1、失敗時0 */
```

逆ポーランド記法

- 演算子を対象項の後ろに記述
 - 後置記法
- スタック構造により実現可能
 - 数式の記述に**かっこ**が**必要**ない.

$$1.2 \times (3.4 + 1.6)$$



$$1.2 \ 3.4 \ 1.6 \ + \ \times$$

グラフ探索



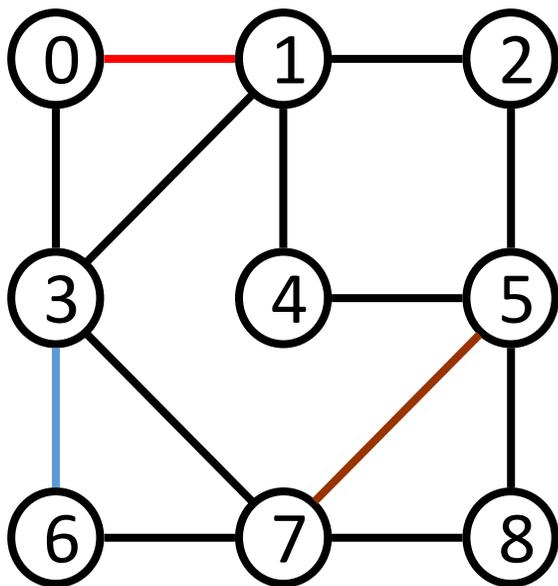
岩手県立大学
Iwate Prefectural University

グラフ探索

- グラフにおいて、ある点からある点まで到達できるかどうかを探索
 - 途中経路は問わない。
- あるノードから到達できる**全ての**ノードを答える
- 結果は始点をルートとする木として表現可能

隣接行列

- 無向グラフのときは対称行列



0 1

0 3

1 2

1 3

1 4

2 5

3 6

3 7

4 5

5 7

5 8

6 7

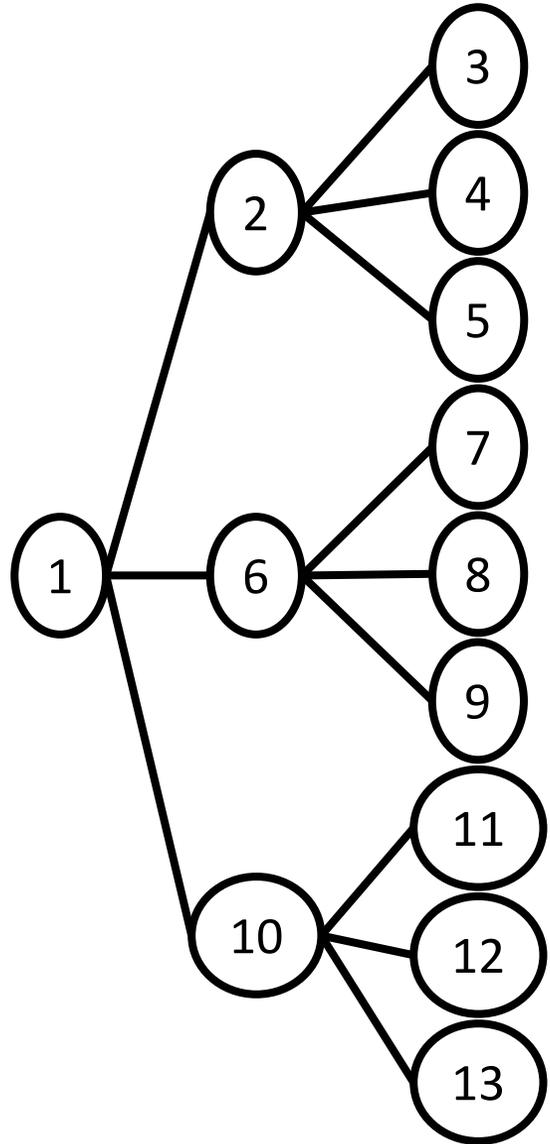
7 8

	0	1	2	3	4	5	6	7	8
0		1		1					
1	1		1	1	1				
2		1				1			
3	1	1					1	1	
4		1				1			
5			1		1			1	1
6				1				1	
7				1		1	1		1
8						1		1	

探索方法

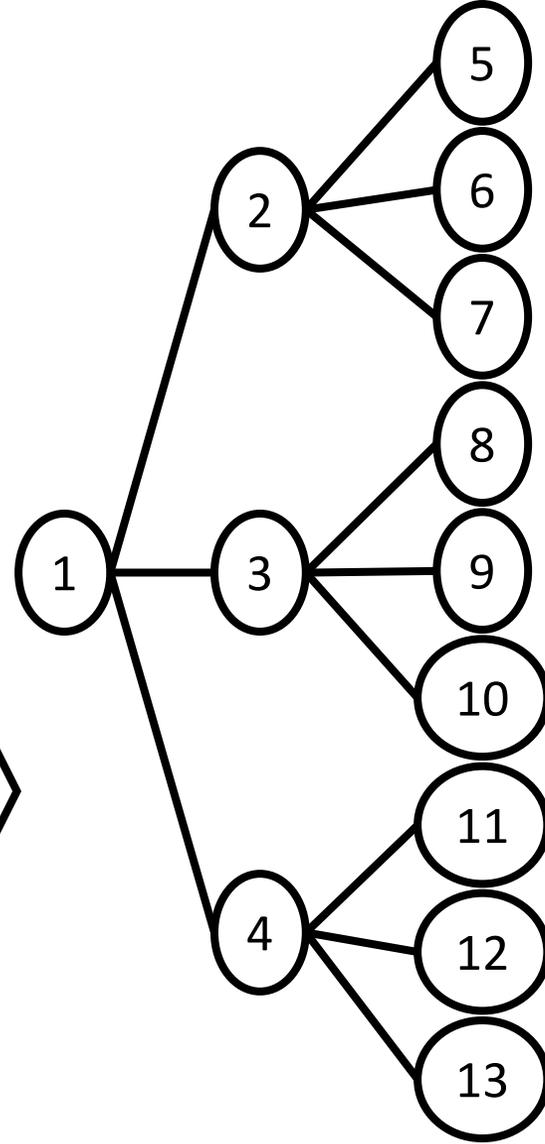
- 縦形探索
 - 深さ優先探索
 - 直列的に処理
 - 記憶領域小
- 横形探索
 - 幅優先探索
 - 並列的に処理
 - 記憶領域大

探索方法



縱形探索

橫形探索



深さ優先探索

- 可能な限り深く探索
- 隣接ノードが全て探索済みになると、探索できる隣接ノードがあるところまで戻って探索
 - バックトラック
- 始点に戻ってきたところで終了
 - すべてのノードの探索が終了

深さ優先探索

1. 探索

- i. 隣接ノード中の未探索ノードを探索
全件探索
- ii. 隣接ノードに未探索ノードがなかったら
次へ

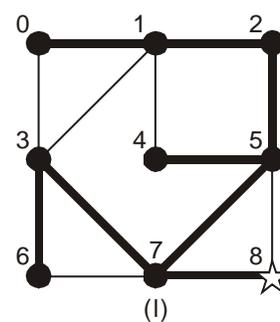
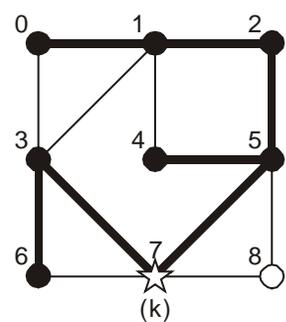
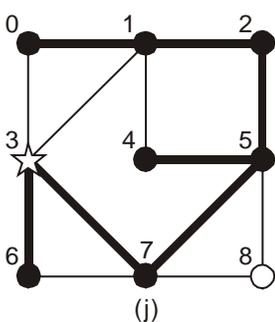
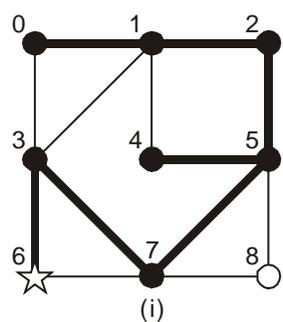
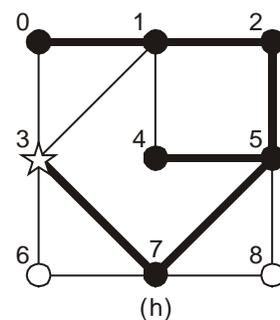
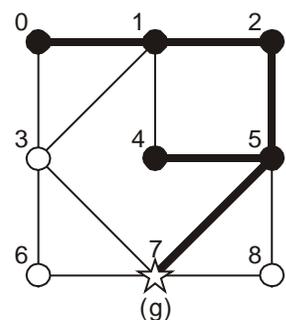
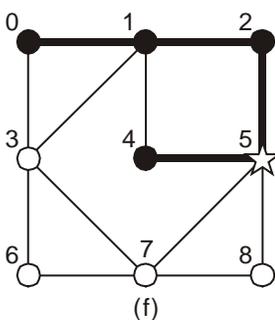
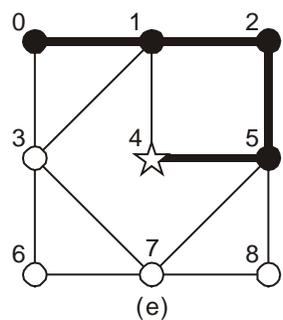
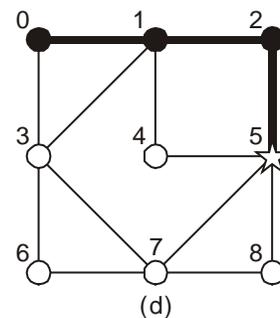
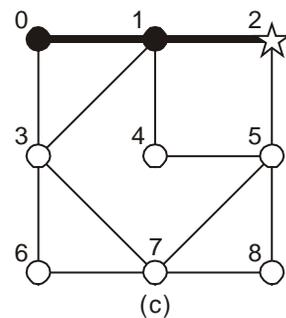
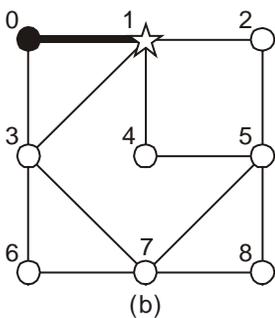
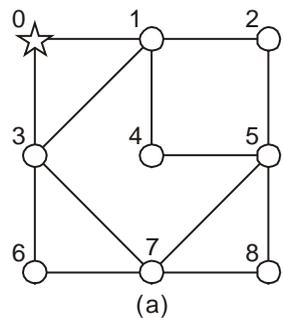
2. 経路の後退(バックトラック)

- i. 未探索隣接ノードが残っているノードを
発見するまで戻る.

3. 探索の繰り返し&終了条件

手順1. 2.を繰り返し, 始点に戻ると終了

深さ優先探索



使用するデータ

```
#define NODES 9 /* ノードの数 */

struct edge { /* 辺の両端のノード番号 */
    int start_node;
    int end_node;
};

int matrix[NODES][NODES]; /* 隣接行列 */
int df_flag[NODES]; /* 探索状況 */
struct edge df_tree[NODES-1]; /* 探索木 */
```

処理手順

1. 隣接行列を作成
データを讀込み, 隣接行列を作成
2. 初期設定
辺の数を管理する`edge_cnt`を
初期化
`df_flag[]`を0で初期化
3. 探索処理
ノード0を始点とする探索
4. 結果を出力

探索処理

```
void df_search(int u)
```

1. 探索済みの登録
df_flag[u]を探索済み(1)にする.
2. 次に探索するノードvの調査
ノードuと隣接するノードを調べ、
df_flag[]により次に探索するノードvを決める.
3. ノードu,v間の辺の登録
df_tree[edge_cnt]のメンバに
辺(u,v)を登録

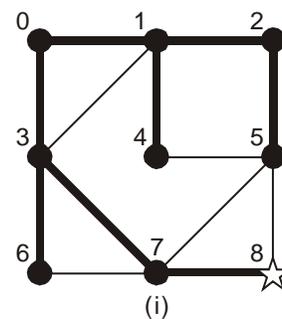
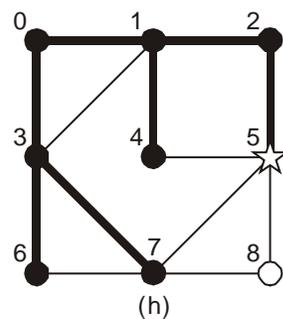
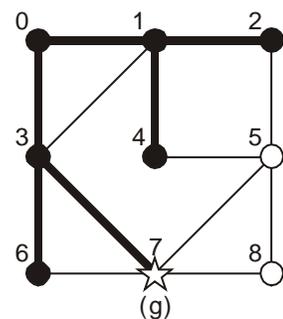
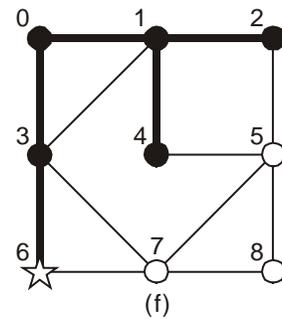
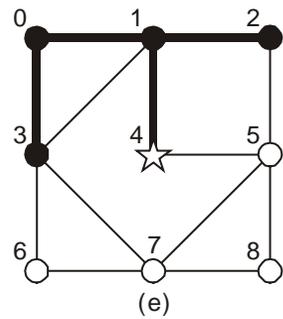
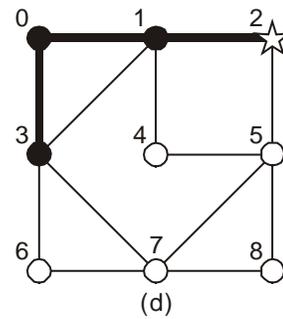
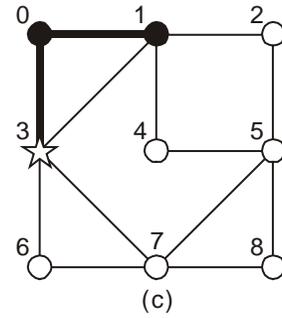
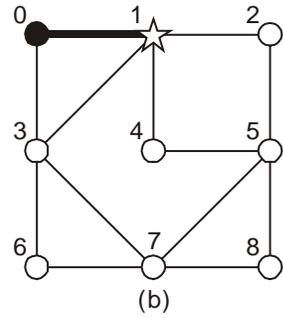
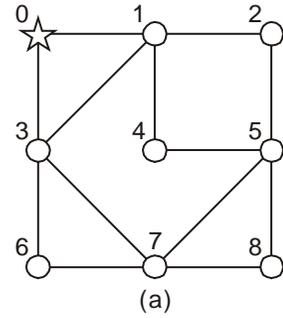
探索処理

4. ノード v を始点とするグラフ探索
`df_search(v)`を実行することにより,
再帰的に探索
5. 探索の繰り返し
2.~4.を繰り返す

幅優先探索

1. ノード1つ分の探索
現在の探索ノードの隣接ノード**全て**を探索
2. 探索の繰り返し&終了
探索が進められた全てのノードに対し1.を繰り返す.
全てのノードが探索されたら終了

幅優先探索



使用するデータ

```
#define NODES 9 /* ノードの数 */

struct edge { /* 辺の両端のノード番号 */
    int start_node;
    int end_node;
};

int matrix[NODES][NODES]; /* 隣接行列 */
int bf_flag[NODES]; /* 探索状況 */
struct edge bf_tree[NODES-1]; /* 探索木 */

int queue[NODES]; /* キュー */
int head=0, tail=0; /* キューの先頭と末尾 */
```

探索処理

```
void bf_search(int start)
```

1. キューの初期化
次に探索するノードを**キュー**で管理
2. 始点のキューへの登録&探索済みの登録
始点`start`をキューへ登録
`bf_flag[start]`に探索済みを示す1
を登録
3. 探索ノードの取り出し
次の探索ノードをキューから取り出し, `u`とする.

探索処理

4. 次に探索するノード v の調査
全てのノードに対し, u との隣接と
`bf_flag[]`を調査し, 次に探索する
ノード v を調査
5. ノード u, v 間の辺の登録
`bf_tree[edge_cnt]`のメンバに辺
(u, v)を登録
6. キューへの登録&探索済みの登録
2.の様にノード v をキューへ登録し, 探索
済みの登録

探索手順

7. ノード u に関する手順の繰返し
4.~6.を次に探索するノードがなくなるまで繰返す.
8. 次のノードの探索
キューにノードが残っていれば3.に戻り
次のノードの探索
キューが空だったら終了