

アルゴリズム論 (2015年度後期)



岩手県立大学
Iwate Prefectural University

佐々木研(情報システム構築学講座)

講師 山田敬三

k-yamada@iwate-pu.ac.jp

アルゴリズム論 (第1回)



岩手県立大学
Iwate Prefectural University

佐々木研(情報システム構築学講座)

講師 山田敬三

k-yamada@iwate-pu.ac.jp

データ構造とアルゴリズム



岩手県立大学
Iwate Prefectural University

データ構造

データ-こうぞう 【一構造】

[data structure]

情報が表す概念に従って規定
される構造。

データ構造

- 使用するデータ群を効率よく操作するために使用するデータの構造
- 例)
配列, 線形連結リスト, スタック, キュー, グラフ, 木, ハッシュテーブル, レコード, etc.

レコード

キー部	データ部
-----	------

(a) レコード

キー部	データ部

(b) テーブル

- キー
 - データを識別するための情報
- レコード
 - キーとデータの組
- テーブル
 - レコードの集合

アルゴリズム

アルゴリズム【algorithm】

計算や問題を解決するための手順・方式。

〔もとは算用数字を用いた筆算のこと。アラビアの数学者
アル=フワリズミの名にちなむ〕

三省堂提供「デイリー 新語辞典」

アルゴリズム

- 何らかの問題に対して、コンピュータを用いて解決するための方法や計算手順, 手続き
- プログラム = アルゴリズム + データ

データ構造とアルゴリズム

- アルゴリズム
 - コンピュータを用いて解決するための方法や計算手順, 手続き
- データ構造
 - 使用するデータ群を効率よく操作するために使用するデータの構造

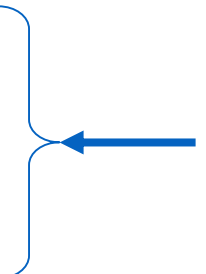
例

- 1 から n までの総和を求める.

$$\sum_{k=1}^n k = 1 + 2 + \cdots + (n - 1) + n$$

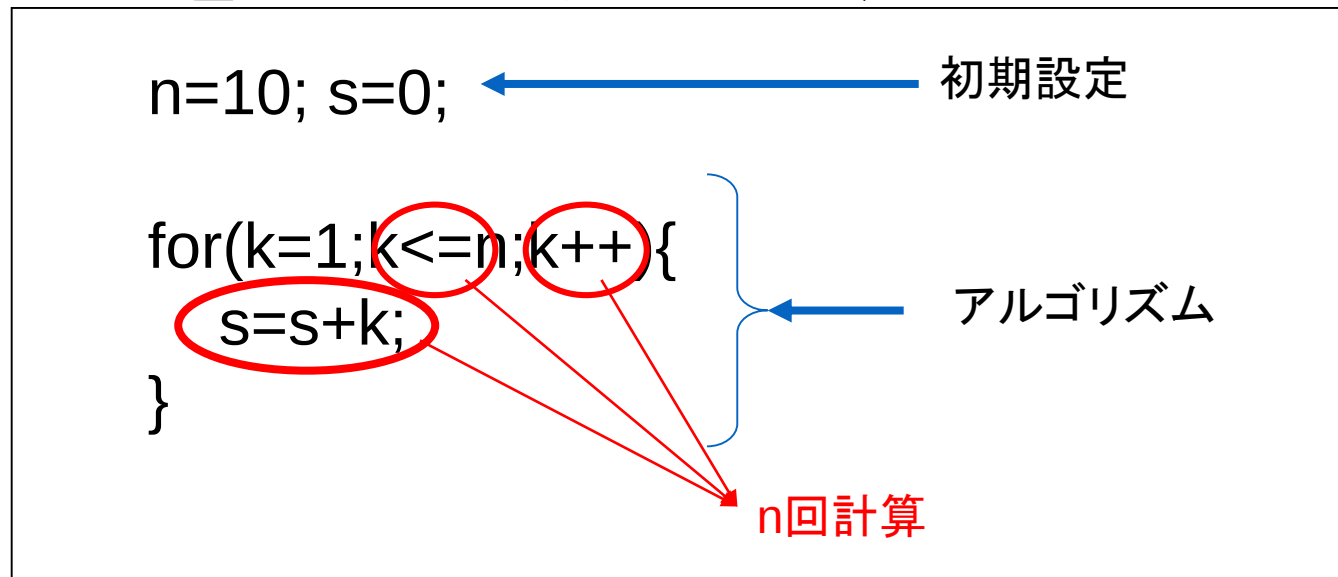
- これをプログラムにすると？ ($n=10$)

```
n=10; s=0;  初期設定  
  
for(k=1;k<=n;k++){  
    s=s+k;  
}
```

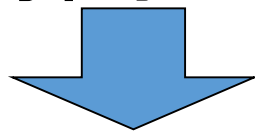
 アルゴリズム

アルゴリズム1

- これをプログラムにすると？



- どのくらい時間がかかるのか？



これって、効率良いの？

アルゴリズム2

- 16世紀ガウスが考えた

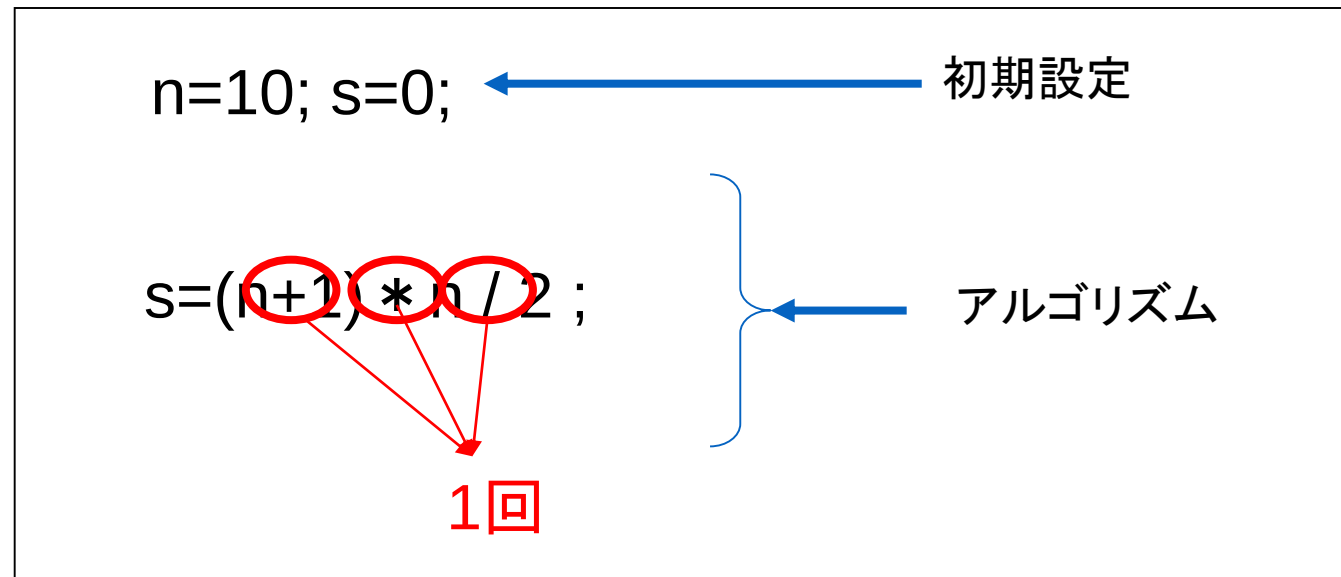
$$\begin{array}{ccccccccccc} 1 & + & 2 & + & 3 & + & \cdots & + & (n-1) & + & n \\ + & n & + & (n-1) & + & (n-2) & + & \cdots & + & 2 & + & 1 \\ \downarrow & & \downarrow & & \downarrow & & & & \downarrow & & \downarrow \\ (n+1) & + & (n+1) & + & (n+1) & + & \cdots & + & (n+1) & + & (n+1) \end{array}$$

n個

$$\sum_{k=1}^n k = \frac{n(n+1)}{2}$$

アルゴリズム2

- これをプログラムにすると



計算時間

- 2つのアルゴリズムを評価
 - 計算時間 $T(n)$ で比較
- アルゴリズム1
 - $T(n)=3n$
 - n 回計算するところが3回
 - 計算時間は n に依存
- アルゴリズム2
 - $T(n)=3$
 - n に依存しない

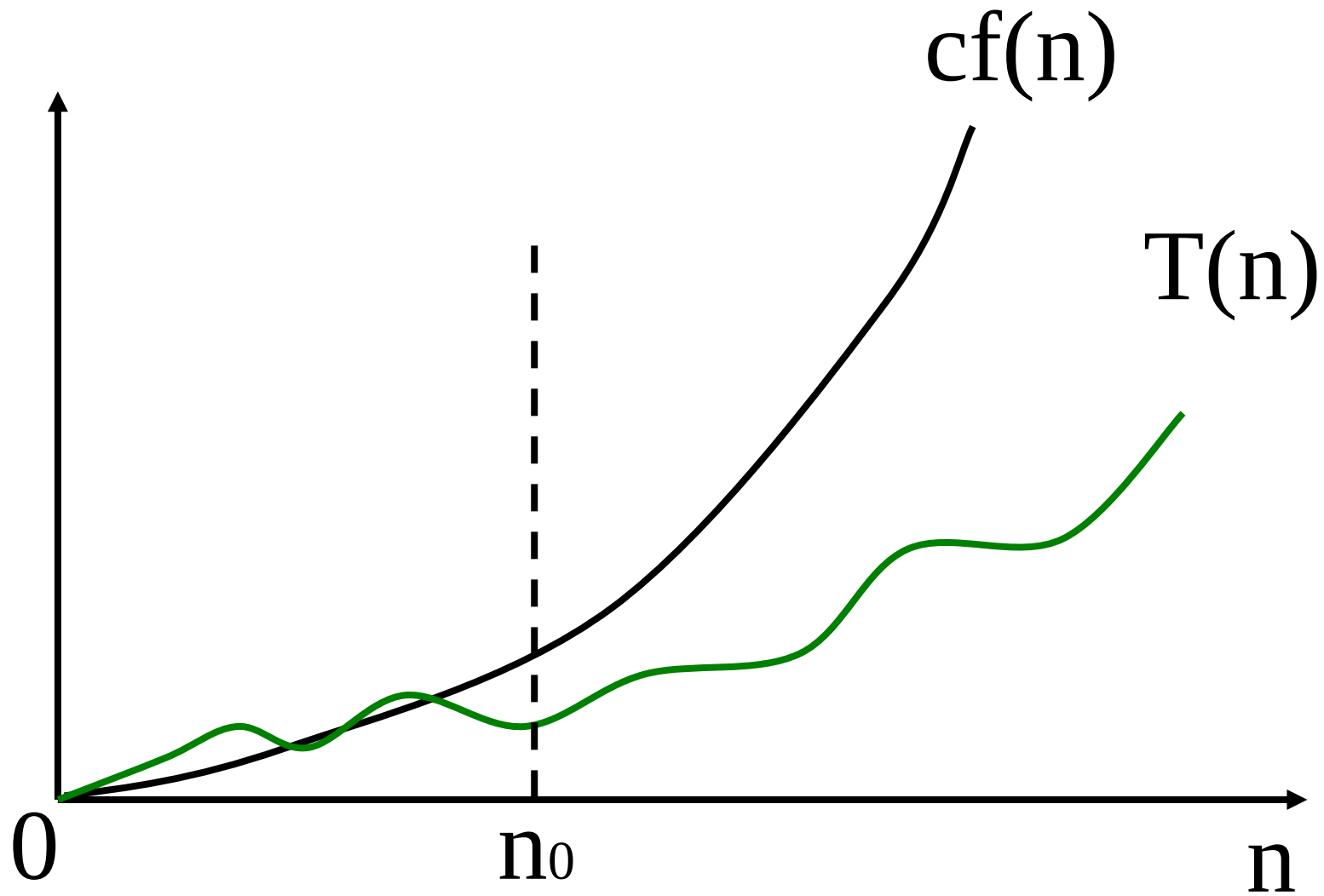
計算量

- 漸近的計算量で評価する

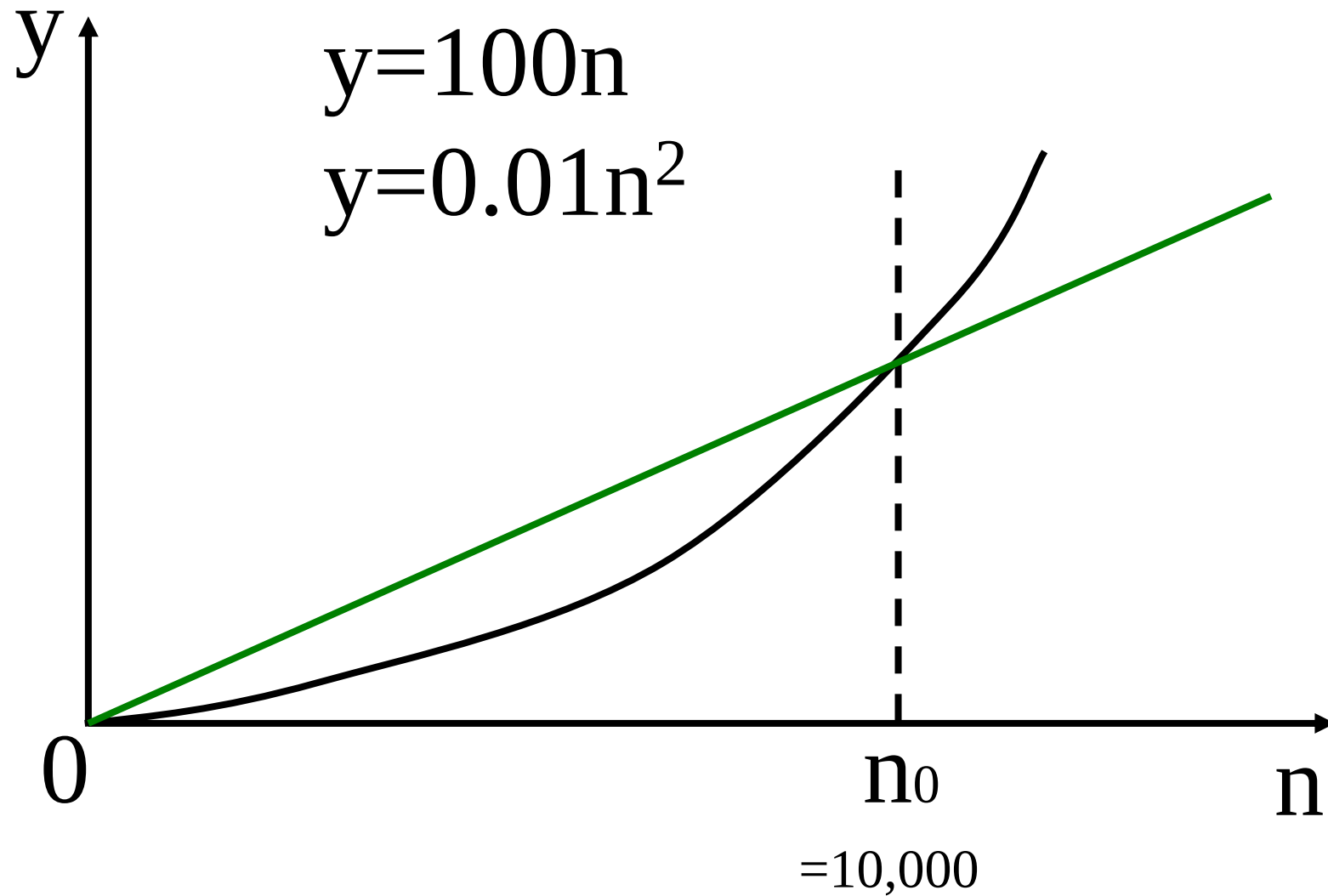
- $T(n) = O(f(n))$ とは、

$$\exists c, n_0 \forall n \geq n_0 \text{ ならば } T(n) \leq cf(n)$$

計算量



n と n^2 との違い



計算量

- 漸近的計算量で評価

- $O(n)$: オーダ

- $T(n) = 3n \rightarrow O(n)$

- $T(n) = 3 \rightarrow O(1)$

おおまかな量だけを捉える.

例 : $T(2n^3 + 5n^2 + n) = O(n^3)$

漸近的計算量のアイデア

- 入力が一桁増えると、計算時間が何桁増えるか
- 「一桁増える」感覚は？
 - 「なわとび」、「まりつき」で考える

漸近的計算量の例

- $O(1)$
- $O(\log n)$
- $O(n)$
- $O(n^2)$
- $O(n^3)$
- $O(2^n)$

計算量

問題空間 N に対して，定数 A とすると

$$1 < \log_A N < N < N \log_A N < N^A < A^N$$

$$A = 2$$

N	1	logN	N^A	A^N
2	1	1	4	4
4	1	2	16	16
8	1	3	64	256
16	1	4	256	65,536
100	1	7	10,000	1.27E+30
1,000	1	10	1,000,000	1.07E+301

処理性能

- 高性能なアルゴリズム
 - 計算量が少ない.
 - 少なければ少ないほどよい.
- 計算機で可能な処理
 - 高々 **多項式** 時間
 - **指数** 時間の処理は現実的に無理
 - 計算にかかる時間が天文学的になる

この講義の流れ

1. 問題の定義(何を解くか)
2. データ構造の定義
3. 解法(アルゴリズム)の解説
4. 解法の評価(計算量など)